

Таблица математических символов

Категория: Глоссарии

В математике повсеместно используются символы для упрощения и сокращения текста. Ниже приведён список наиболее часто встречающихся математических обозначений, соответствующие команды в TeXе, объяснения и примеры использования.

Кроме указанных символов, иногда используются их зеркальные отражения, например, $A \subset B$ обозначает то же, что и $B \supset A$.

Знаки операций или математические символы — знаки, которые символизируют определённые математические действия со своими аргументами.

К самым распространённым относятся:

- Плюс: +
- Минус: −
- Знаки умножения: ×, • (в программировании также *)
- Знаки деления: :, /, ÷
- Знак равенства, приближённого равенства, неравенства: =, ≈, ≠
- Скобки (для определения порядка операций и др.): (), [], {}, <>
- Знак тождественности: ≡
- Знаки сравнения: <, >, ≤, ≥, ≪, ≫
- Знак порядка (тильда): ~
- Знак плюс-минус: ±
- Знак корня (радикал): √
- Факториал: !
- Знак интеграла: ∫
- Знак возведения в степень: ^ (в типографской и рукописной записи формул не применяется; используется в программировании, наряду с более редкими символами ↑ и **, а также в «линейной» текстовой записи формул).

Символ (TeX)	Символ (Unicode)	Название	Значение	Пример
		Произношение		
		Раздел математики		
⇒ → ⊃	⇒ → ⊃	Импликация, следование «влечёт» или «если..., то» везде	$A \Rightarrow B$ означает «если A верно, то B также верно». (\rightarrow может использоваться вместо \Rightarrow или для обозначения функции, см. ниже.) (\supset может использоваться вместо \Rightarrow , или для обозначения надмножества, см. ниже.).	$x = 2 \Rightarrow x^2 = 4$ верно, но $x^2 = 4 \Rightarrow x = 2$ неверно (так как $x = -2$ также является решением).
⇔	⇔	Равносильность «если и только если» или «равносильно» везде	$A \Leftrightarrow B$ означает « A верно тогда и только тогда, когда B верно».	$x + 5 = y + 2 \Leftrightarrow x + 3 = y$
∧	∧	Конъюнкция «и» Математическая логика	$A \wedge B$ истинно тогда и только тогда, когда A и B оба истинны.	$(n > 2) \wedge (n < 4) \Leftrightarrow (n = 3)$, если n — натуральное число.

∨	∨	Дизъюнкция	$A \vee B$ истинно, когда хотя бы одно из условий A и B истинно.	$(n \leq 2) \vee (n \geq 4) \Leftrightarrow n \neq 3$, если n — натуральное число.
		«или»		
		Математическая логика		
¬	¬	Отрицание	$\neg A$ истинно тогда и только тогда, когда ложно A .	$\neg(A \wedge B) \Leftrightarrow (\neg A) \vee (\neg B)$ $x \notin S \Leftrightarrow \neg(x \in S)$
		«не»		
		Математическая логика		
∀	∀	Квантор всеобщности	$\forall x, P(x)$ обозначает « $P(x)$ верно для всех x ».	$\forall n \in \mathbb{N}, n^2 \geq n$
		«Для любых», «Для всех»		
		Математическая логика		
∃	∃	Квантор существования	$\exists x, P(x)$ означает «существует хотя бы один x такой, что верно $P(x)$ »	$\exists n \in \mathbb{N}, n + 5 = 2n$ (подходит число 5)
		«существует»		
		Математическая логика		
=	=	Равенство	$x = y$ обозначает « x и y обозначают одно и то же значение».	$1 + 2 = 6 - 3$
		«равно»		
		езде		
:= :⇔ def ≡	:= :⇔	Определение	$x := y$ означает « x по определению равен y ». $P : \Leftrightarrow Q$ означает « P по определению равносильно Q »	$\operatorname{ch}(x) := \frac{1}{2}(e^x + e^{-x})$ (Гиперболический косинус) $A \oplus B : \Leftrightarrow (A \vee B) \wedge \neg(A \wedge B)$ (Исключающее или)
		«равно/равносильно по определению»		
		езде		
{, }	{, }	Множество элементов	$\{a, b, c\}$ означает множество, элементами которого являются a, b и c .	$\mathbb{N} = \{1, 2, \dots\}$ (множество натуральных чисел)
		«Множество...»		
		Теория множеств		
{ } {:}	{ } {:}	Множество элементов, удовлетворяющих условию	$\{x \mid P(x)\}$ означает множество всех x таких, что верно $P(x)$.	$\{n \in \mathbb{N} \mid n^2 < 20\} = \{1, 2, 3, 4\}$
		«Множество всех... таких, что верно...»		
		Теория множеств		
∅ {}	∅ {}	Пустое множество	$\{\}$ и \emptyset означают множество, не содержащее ни одного элемента.	$\{n \in \mathbb{N} \mid 1 < n^2 < 4\} = \emptyset$
		«Пустое множество»		
		Теория множеств		
∈ ∉	∈ ∉	Принадлежность/непринадлежность к множеству	$a \in S$ означает « a является элементом множества S » $a \notin S$ означает « a не является элементом множества S »	$2 \in \mathbb{N}$ $\frac{1}{2} \notin \mathbb{N}$
		«принадлежит», «из»		
		«не принадлежит»		
⊆ ⊂	⊆ ⊂	Подмножество	$A \subseteq B$ означает «каждый элемент из A также является элементом из B ». $A \subset B$ обычно означает то же, что и $A \subseteq B$. Однако некоторые авторы используют \subset , чтобы показать строгое включение (то есть \subsetneq).	$(A \cap B) \subseteq A$ $\mathbb{Q} \subseteq \mathbb{R}$
		«является подмножеством», «включено в»		
		Теория множеств		

\supseteq \supset	\supseteq \supset	Надмножество «является надмножеством», «включает в себя» Теория множеств	$A \supseteq B$ означает «каждый элемент из B также является элементом из A ». $A \supset B$ обычно означает то же, что и $A \supseteq B$. Однако некоторые авторы используют \supset , чтобы показать строгое включение (то есть \supsetneq).	$(A \cup B) \supseteq A$ $\mathbb{R} \supseteq \mathbb{Q}$
\subsetneq	\sqsubset	Собственное подмножество «является собственным подмножеством», «строго включается в» Теория множеств	$A \subsetneq B$ означает $A \subseteq B$ и $A \neq B$.	$\mathbb{N} \subsetneq \mathbb{Q}$
\supsetneq	\sqsupset	Собственное надмножество «является собственным надмножеством», «строго включает в себя» Теория множеств	$A \supsetneq B$ означает $A \supseteq B$ и $A \neq B$.	$\mathbb{Q} \supsetneq \mathbb{N}$
\cup	\cup	Объединение «Объединение ... и ...», «...», объединённое с ...» Теория множеств	$A \cup B$ означает множество элементов, принадлежащих A или B (или обоим сразу).	$A \subseteq B \Leftrightarrow A \cup B = B$
\cap	\cap	Пересечение "Пересечение ... и ...", «...», пересечённое с ...» Теория множеств	$A \cap B$ означает множество элементов, принадлежащих и A , и B .	$\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 = 1\} \cap \mathbb{N} = \{1\}$
\setminus	\setminus	Разность множеств "разность ... и ...", «минус», «... без ...» Теория множеств	$A \setminus B$ означает множество элементов, принадлежащих A , но не принадлежащих B .	$\{1, 2, 3, 4\} \setminus \{3, 4, 5, 6\} = \{1, 2\}$
\rightarrow	\rightarrow	Функция «из ... в», езде	$f: X \rightarrow Y$ означает функцию f с областью определения X и областью прибытия (областью значений) Y .	Функция $f: \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$, определённая как $f(x) = x^2$
\mapsto	\mapsto	Отображение «отображается в» езде	$x \mapsto f(x)$ означает, что образом x после применения функции f будет $f(x)$.	Функцию, определённую как $f(x) = x^2$, можно записать так: $f: x \mapsto x^2$
\mathbb{N}	\mathbb{N} или \mathbb{N}	Натуральные числа «Эн» Числа	\mathbb{N} означает множество $\{1, 2, 3, \dots\}$ или реже $\{0, 1, 2, 3, \dots\}$ (в зависимости от ситуации).	$\{ a \mid a \in \mathbb{Z}\} = \mathbb{N}$
\mathbb{Z}	\mathbb{Z} или \mathbb{Z}	Целые числа «Зед» Числа	\mathbb{Z} означает множество $\{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$	$\{a, -a \mid a \in \mathbb{N}\} \cup \{0\} = \mathbb{Z}$
\mathbb{Q}	\mathbb{Q} или \mathbb{Q}	Рациональные числа «Ку» Числа	\mathbb{Q} означает $\left\{ \frac{p}{q} \mid p \in \mathbb{Z} \wedge q \in \mathbb{Z} \wedge q \neq 0 \right\}$	$3, 14 \in \mathbb{Q}$ $\pi \notin \mathbb{Q}$

\mathbb{R}	R или \square	Вещественные числа, или действительные числа „Эр“ Числа	\mathbb{R} означает множество всех пределов последовательностей из \mathbb{Q}	$\pi \in \mathbb{R}$ $i \notin \mathbb{R}$ (i — комплексное число: $i^2 = -1$)
\mathbb{C}	C или \square	Комплексные числа „Це“ Числа	\mathbb{C} означает множество $\{a + b \cdot i \mid a \in \mathbb{R} \wedge b \in \mathbb{R}\}$	$i \in \mathbb{C}$
$<$ $>$	„бг /“	Сравнение „меньше чем“, „больше чем“ Отношение порядка	$x < y$ обозначает, что x строго меньше y . $x > y$ означает, что x строго больше y .	$x < y \Leftrightarrow y > x$
\leq \geq	\leq или \square \geq или \square	Сравнение „меньше или равно“, „больше или равно“ Отношение порядка	$x \leq y$ означает, что x меньше или равен y . $x \geq y$ означает, что x больше или равен y .	$x \geq 1 \Rightarrow x^2 \geq x$
\approx	\approx	Приблизительное равенство „приблизительно равно“ Числа	$e \approx 2,718$ с точностью до 10^{-3} означает, что 2,718 отличается от e не больше чем на 10^{-3} .	$\pi \approx 3,1415926$ с точностью до 10^{-7} .
$\sqrt{\quad}$	$\sqrt{\quad}$	Арифметический квадратный корень „Корень квадратный из ...“ Числа	\sqrt{x} означает неотрицательное действительное число, которое в квадрате даёт x .	$\sqrt{4} = 2$ $\sqrt{x^2} = x $
∞	∞	Бесконечность „Плюс/минус бесконечность“ Числа	$+\infty$ и $-\infty$ суть элементы расширенного множества действительных чисел. Эти символы обозначают числа, меньшее/большее всех действительных чисел.	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{ x } = \infty$
$ $	$ $	Модуль числа (абсолютное значение), модуль комплексного числа или мощность множества „Модуль“, „Мощность“ Числа и Теория множеств	$ x $ обозначает абсолютную величину x . $ A $ обозначает мощность множества A и равняется, если A конечно, числу элементов A .	$ a + b \cdot i = \sqrt{a^2 + b^2}$
\sum	Σ	Сумма, сумма ряда „Сумма ... по ... от ... до ...“ Арифметика, Математический анализ	$\sum_{k=1}^n a_k$ означает „сумма a_k , где k принимает значения от 1 до n “, то есть $a_1 + a_2 + \dots + a_n$. $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ означает сумму ряда, состоящего из a_k .	$\sum_{k=1}^4 k^2 =$ $= 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2$ $= 30$
\prod	Π	Произведение „Произведение ... по ... от ... до ...“ Арифметика	$\prod_{k=1}^n a_k$ означает „произведение a_k для всех k от 1 до n “, то есть $a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n$	$\prod_{k=1}^4 (k + 2) =$ $= 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 = 360$
$!$	$!$	Факториал “ n факториал” Комбинаторика	$n!$ означает „произведение всех натуральных чисел от 1 до n включительно, то есть $1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n$ “	$n! = \prod_{k=1}^n k = (n - 1)!n$ $0! = 1$ $5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$

$\int dx$	\int	Интеграл	$\int_a^b f(x) dx$ означает «интеграл от a до b функции f от x по переменной x ».	$\int_0^b x^2 dx = \frac{b^3}{3}$ $\int x^2 dx = \frac{x^3}{3} + C$
		«Интеграл (от ... до ...) функции ... по (или d)...»		
		Математический анализ		
$\frac{df}{dx}$ $f'(x)$	df/dx f'(x)	Производная	$\frac{df}{dx}$ или $f'(x)$ означает «(первая) производная функции f от x по переменной x ».	$\frac{d \cos x}{dx} = -\sin x$
		«Производная ... по ...»		
		Математический анализ		
$\frac{d^n f}{dx^n}$ $f^{(n)}(x)$	$d^n f/dx^n$ $f^{(n)}(x)$	Производная n -го порядка	$\frac{d^n f}{dx^n}$ или $f^{(n)}(x)$ (во втором случае если n — фиксированное число, то оно пишется римскими цифрами) означает « n -я производная функции f от x по переменной x ».	$\frac{d^4 \cos x}{dx^4} = \cos x$
		« n -я производная ... по ...»		
		Математический анализ		

Литература

- *Выгодский М. Я.* Справочник по элементарной математике. Изд. АСТ, 2003, ISBN 5-17-009554-6.

Ссылки

- Арифметические знаки // Энциклопедический словарь Брокгауза и Ефрона: В 86 томах (82 т. и 4 доп.). — СПб., 1890—1907.

Категория:Математические знаки

Категория:Незавершённые статьи по математике

Категория:Математические знаки Категория:Типографские знаки Категория:Математические обозначения

Символы

Таблица математических символов

Источники и основные авторы

Таблица математических символов *Источник:* <http://ru.wikipedia.org/w/index.php?oldid=52933904> *Редакторы:* -, Abyr, Bezik, Deepak-nsk, Fractaler, Ghossen, Infovarius, KleverI, Kv75, LGB, Michaello, OneLittleMouse, PaRaDoXaD, Qwertic, Rasim, Schekinov Alexey Victorovich, Stassats, Tosha, V Iadislav, Xantolus, Цуканов Кирилл, 29 анонимных правок

Лицензия

Creative Commons Attribution-Share Alike 3.0 Unported
[//creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/](https://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/)
